

# L'outil TINA

Construction d'espaces d'états abstraits  
pour la vérification de systèmes critiques

**B. Berthomieu, F. Peres, P-O. Ribet, F. Vernadat**  
CNRS/LAAS

Ecole d'Eté Temps Réel  
Nancy /2005

## Boite à outils Tina

---

### **tina** (TIme petri Net **A**nalyser)

Modèles décrits sous forme graphique ou textuelle

Génère graphes de comportements

Préservant certaines familles de propriétés

Sortie en clair ou formats dédiés pour analyseurs

### **nd**

Editeur graphique et textuel

De réseaux de Petri et d'automates

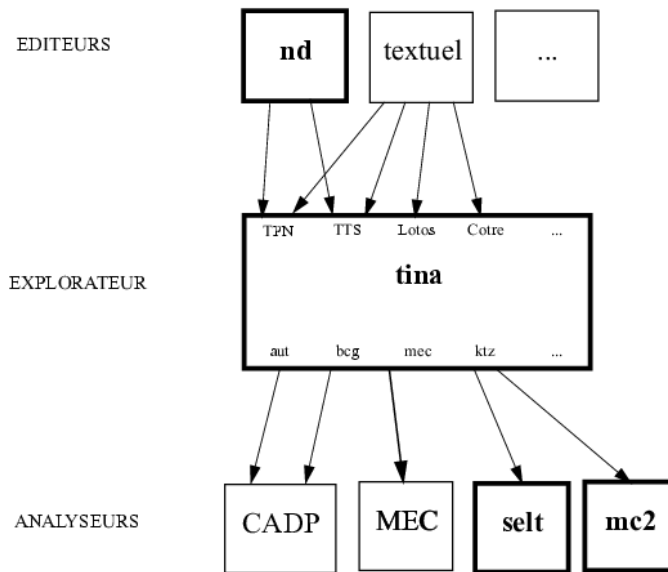
Fonctions de dessin, d'impression

Interfacé avec tina

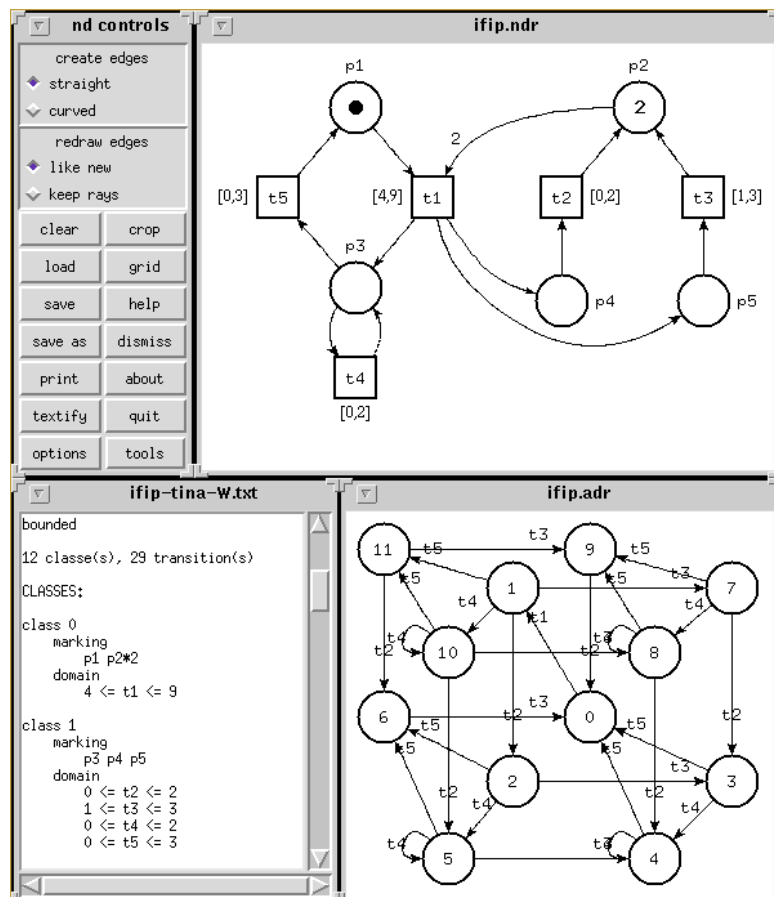
### **struct, setl, mc2, ktzio, bldio, ...**

Analyse structurelle, Model-checkers, convertisseurs, etc

# Boite à outils Tina



nd



# Module d'exploration tina

---

## Modèles

Réseaux de Petri {Temporels {à Chronomètres}}

Réseaux Prédicats/Actions {Temporels {à Chronomètres}}

Systèmes de transitions temporisés : Cotre, RT-Lotos, etc

## Constructions

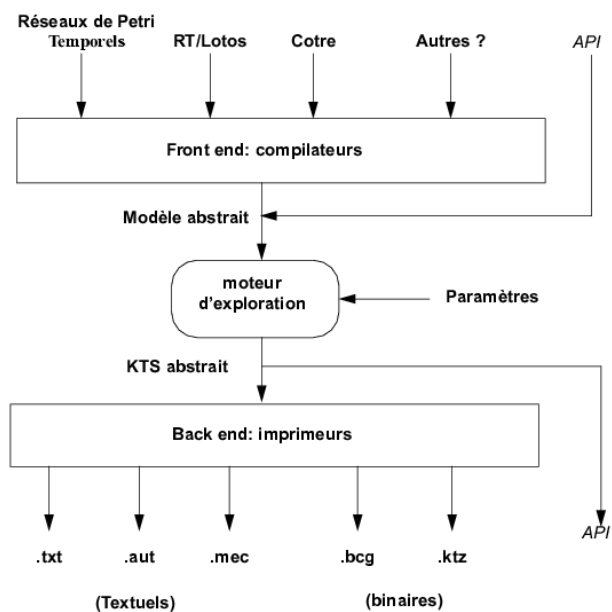
Abstractions de graphes d'états discrets

Abstractions de graphes d'états temporisés

Abstraction = représentation finie, préservant certaines propriétés

# Module d'exploration tina

---



# Marquages, Couvertures

---

## Graphes de couverture (Karp/Miller)

Détecte places non bornées

Si aucune, alors produit graphe des marquages

Sinon produit graphe (non unique) de couverture

Plusieurs heuristiques

## Graphes des marquages

Diverses conditions d'arrêt

Construit simultanément graphe des CFCM

Diagnostic de vivacité

Limites :  $10^6$  à  $10^7$  marquages

## KTS, exemple

---

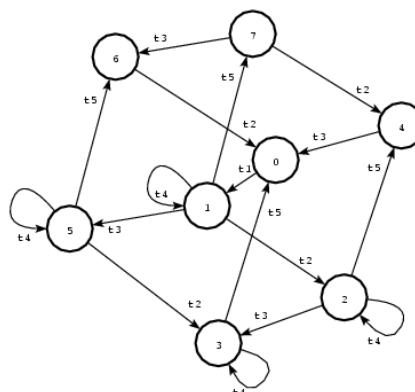
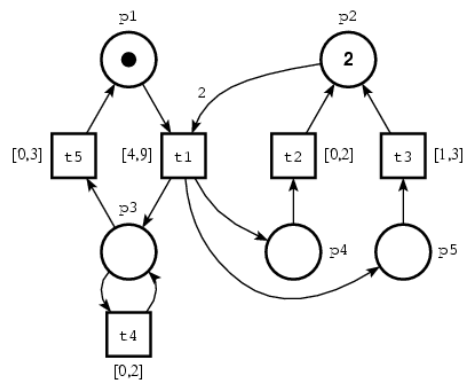
### Graphes des marquages

MARKINGS:

- 0 : p1 p2\*2
- 1 : p3 p4 p5
- 2 : p2 p3 p5
- 3 : p2\*2 p3
- 4 : p1 p2 p5
- 5 : p2 p3 p4
- 6 : p1 p2 p4
- 7 : p1 p4 p5

REACHABILITY GRAPH:

- 0 -> t1/1
- 1 -> t2/2, t3/5, t4/1, t5/7
- 2 -> t3/3, t4/2, t5/4
- 3 -> t4/3, t5/0
- 4 -> t3/0
- 5 -> t2/3, t4/5, t5/6
- 6 -> t2/0
- 7 -> t2/4, t3/6

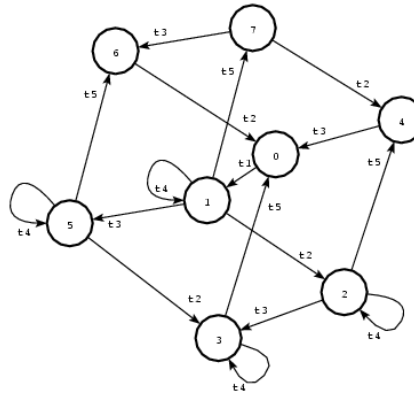


## Ou au format Aldébaran (.aut)

---

(sans propriétés d'états)

```
des(0,17,8)
(0, "t1", 1)
(1, "t2", 2)
(1, "t3", 5)
(1, "t4", 1)
(1, "t5", 7)
(2, "t3", 3)
(2, "t4", 2)
(2, "t5", 4)
(3, "t4", 3)
(3, "t5", 0)
(4, "t3", 0)
(5, "t2", 3)
(5, "t4", 5)
(5, "t5", 6)
(6, "t2", 0)
(7, "t2", 4)
(7, "t3", 6)
```



## Ou en formats binaires

---

Formats de stockage et d'échange

**BCG** (Outils CADP)

Accès aux outils CADP

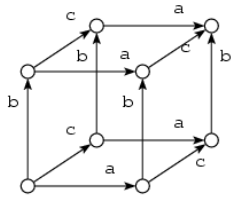
**KTZ** (Kripke Transition Systems compressés)

Code propriétés d'états ET de transitions

e.g. 135000 états, 450000 transitions, en 1Mo  
avec 24 pa. d'états et 29 pa. de transitions

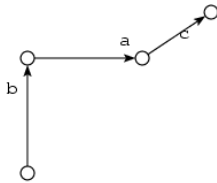
# Explorations partielles

**Idée :** Ne pas explorer un chemin qui ne peut affecter les propriétés à préserver



**Exhaustif :**

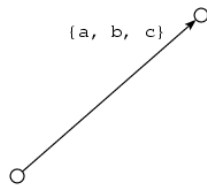
$2^n$  états,  $n \times 2^{n-1}$  transitions



**Ensembles persistants :**

$(n + 1)$  états,  $n$  transitions

(VALMARI, GODEFROID)



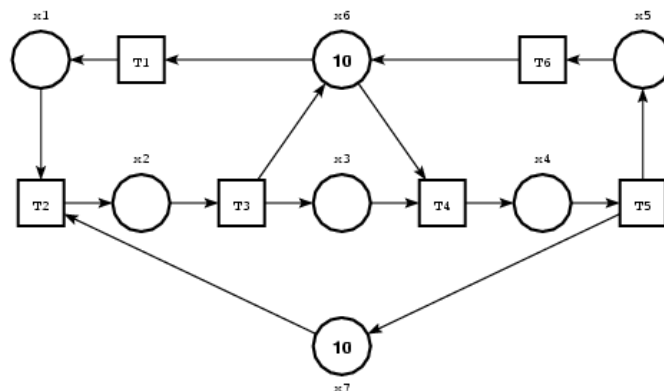
**Graphes de pas couvrants :**

2 états, 1 transitions

(VERNADAT)

## Exemple

### Piscine



### Résultats

K	10		235		500		
Exhaustif	7006	0.6s	?	?	?	?	
Persistants	857	0s	4.6M	9h	?	?	
Pas couvrants	367	0s	220K	92s	1M	31s	
Pas persistants	87	0s	2112	1s	4497	2s	

# Graphes de Pas Couvrant

*Différentes abstractions:*

## **ICATPN 1996** Graphes de Pas Couvrant

- Généraux: Blocage + Traces Maximales
- Bisimulation Faible

## **ICATPN 1997**

- Equivalences de Refus

## **Thèse de P.O Ribet**

- Graphes de Pas Persistants : Blocage [Forte 2002]
- Préservation de LTL

---

## **Graphes de classes d'états**

### **Réseaux Temporels (Merlin 1974) et extensions**

Avec suspension/Reprise des transitions (chronomètres)

Avec Données (Cotre, RT-Lotos, etc)

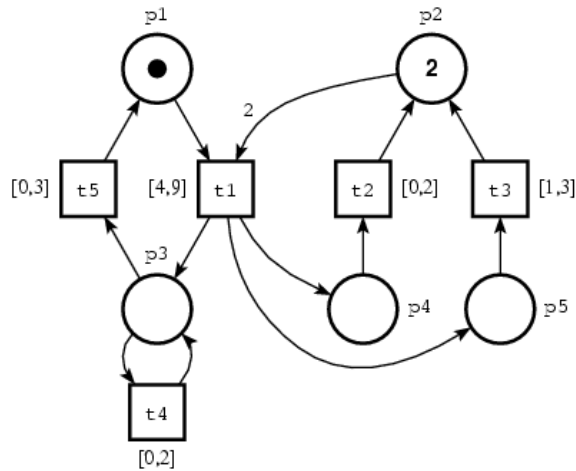
### **Abstractions préservant *LTL* (IFIP83, IEEE91)**

Avec ou sans multi-sensibilisation (MSR01)

### **Abstractions préservant la bisimilarité (*CTL\**) (TACAS03)**

# Réseaux Temporels

(Time Petri Nets, Merlin 74)



$(P, T, \text{Pre}, \text{Post}, M_0, I_s)$ , où

- $(P, T, \text{Pre}, \text{Post}, M_0)$  est un RdP
- $I_s$  : application *Intervalle Statique*  
 $t \mapsto I_s(t) \subseteq \mathbb{R}^+$ , borne(s) rationnelle(s)

## Exemples

$E_0 = (m_0, I_0)$

$m_0 : p_1, p_2(2)$

$I_0$  : solutions en  $t_1$  de

$$4 \leq t_1 \leq 9$$

$E_0 \xrightarrow{t_1 @ \theta_1} E_1 = (m_1, I_1)$  avec  $(\theta_1 \in [4, 9])$ :

$m_1 : p_3, p_4, p_5$

$I_1$  : solutions en  $(t_2, t_3, t_4, t_5)$  de

$$0 \leq t_2 \leq 2$$

$$1 \leq t_3 \leq 3$$

$$0 \leq t_4 \leq 2$$

$$0 \leq t_5 \leq 3$$

$E_1 \xrightarrow{t_2 @ \theta_2} E_2 = (m_2, I_2)$  avec  $(\theta_2 \in [0, 2])$ :

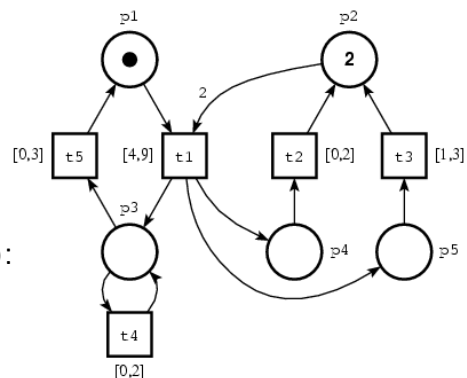
$m_2 : p_2, p_3, p_5$

$I_2$  : solutions en  $(t_3, t_4, t_5)$  de

$$\max(0, 1 - \theta_2) \leq t_3 \leq 3 - \theta_2$$

$$0 \leq t_4 \leq 2 - \theta_2$$

$$0 \leq t_5 \leq 3 - \theta_2$$



L'échéancier  $(t_1.t_2, 5.0)$  est réalisable.



# Espace d'états accessibles

**Etats** :  $E = (m, I)$  : marquage  $\times$  vecteur d'intervalles

**Espace des états accessibles** :  $SG = (S, \xrightarrow{t@\theta}, s_0)$ , avec :

$S = \{s \mid s_0 \xrightarrow{*} s\}$ , états accessibles depuis  $s_0$

$s_0 = (m_0, I_0)$ , état initial ( $I_0(t) = I_s(t)$  pour toute  $t$  sensibilisée par  $m$ )

## Graphes de classes d'états

Recouvrements de  $SG$  par ens. convexes d'états ayant même marquage

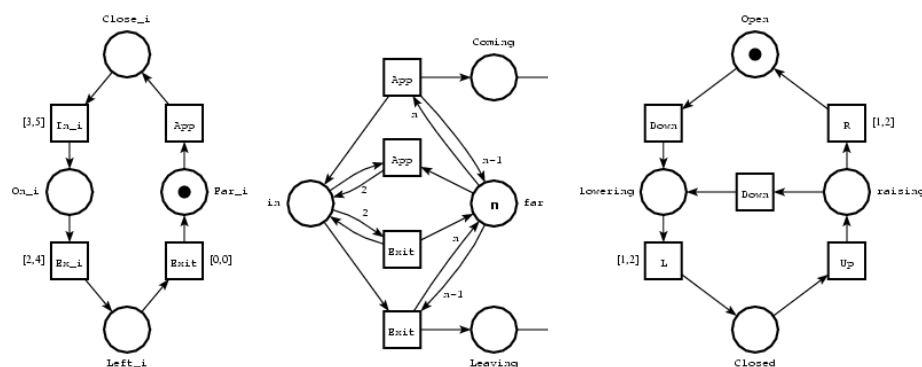
munis de  $\xrightarrow{t} : c \xrightarrow{t} c'$  ssi  $(\exists s \in c)(\exists s' \in c')(\exists \theta)(s \xrightarrow{t@\theta} s')$

## Plusieurs recouvrements possibles

Préservant propriétés *LTL* [BB & MM, IFIP 83]

Préservant propriétés *CTL\** [BB & FV, TACAS 03]

## Exemple : Passage à niveau



	<i>LSCG</i>	<i>SSCG</i>	<i>ASCG</i>	
(1 train)	<i>Classes</i>	11	11	11
	<i>Edges</i>	14	14	15
	<i>CPU(s)</i>	0.00	0.00	0.00
(2 trains)	<i>Classes</i>	123	141	192
	<i>Edges</i>	218	254	844
	<i>CPU(s)</i>	0.00	0.01	0.02
(3 trains)	<i>Classes</i>	3101	5051	6966
	<i>Edges</i>	7754	13019	49802
	<i>CPU(s)</i>	0.13	0.29	2.95
(4 trains)	<i>Classes</i>	134501	351271	356940
	<i>Edges</i>	436896	1193376	3447624
	<i>CPU(s)</i>	10.99	42.34	458.36

## Prise en compte des données

---

### Des réseaux de Petri aux systèmes de transitions de Keller

marquages  $\Rightarrow$  états (vecteurs d'entiers)

transitions "additives"  $\Rightarrow$  transitions arbitraires

On perd : décidabilité du caractère borné et de la vivacité

### Des systèmes de Keller aux TTS (Henzinger/Manna/Pnueli)

Timed Transition System = Keller + intervalles temporels

Méthode des classes d'états reste applicable

---

## TTS abstraits

---

### API

État initial

Ensemble fini de transitions, chacune avec :

Un intervalle temporel

Fonction Précondition

Fonction de changement d'état

Relation de Conflit

Fonctions auxiliares (impression, etc)

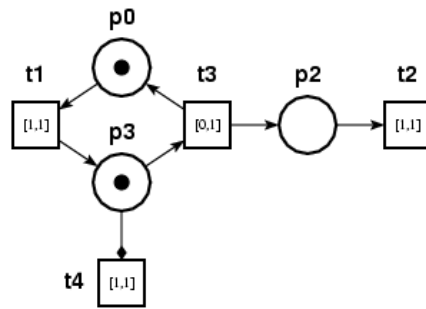
### Mise en œuvre

Réseaux de Petri Prédicats/Actions :

Réseau de Petri + librairie conforme à l'API

# Suspension et reprise de transitions

## Réseaux Temporels à Chronomètres

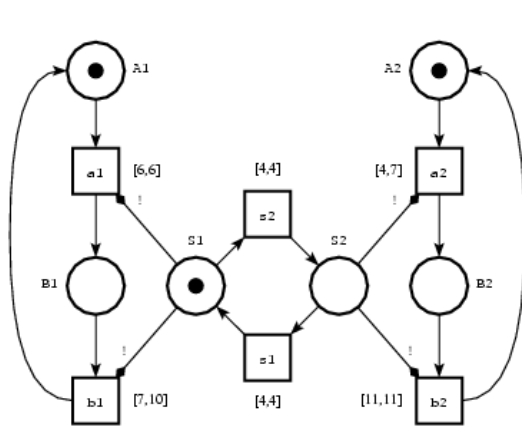


$(P, T, Pre, Sw, Post, M_0, I_s)$ , où

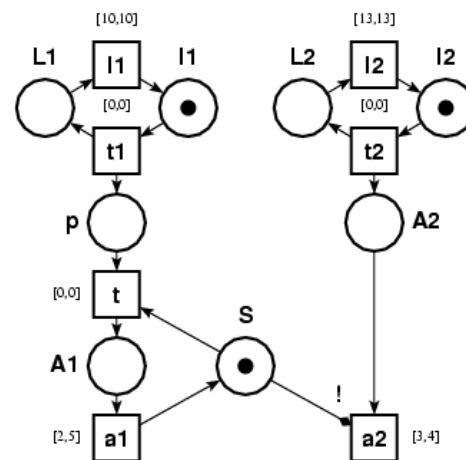
- $(P, T, Pre, Post, M_0)$  : un réseau de Petri
- $I_s$  : fonction *Intervalle statique*
- $Sw$  : fonction *Chronomètre*

Une transition sensibilisée peut être *Active* ou *Suspendue*

## Exemple, politiques d'ordonnancement



Round-Robin



Rate-monotonic

## Méthodes d'analyse

---

### Méthode des classes d'états adaptable

Termine souvent in pratique, MAIS graphes de classes peuvent être infinis

En fait : accessibilité d'état est indécidable, même si réseau borné !

### Surapproximations de l'espace d'états

Caractérisent des espaces d'états contenant au moins les états accessibles

Graphes fini si le réseau est borné

Fournissent des conditions suffisantes ou nécessaires

---

## SE-LTL Model-Checking (Shaki/Clarke/etc, CMU)

---

### Propositions atomiques

d'états

de transitions

booléennes ( $s34$ ,  $t12$ ,  $idle$ , ...)

entières ( $x \leq y + 2$ ,  $s12 \geq 4.z$ , ...)

autres ...

### Opérateurs logiques et temporels

$\neg, \vee, \wedge, \Rightarrow, \dots$

$\square$  (always)

$\diamond$  (eventually)

$\bigcirc$  (next)

$U$  (until)

## Interprétation

---

Systèmes de transitions de Kripke (kts)

Trace = suite alternée infinie d'états et de transitions

	(Pour toute trace)
$P$	$P$ vraie dans le premier état (transition)
$\bigcirc P$	$P$ vraie dans le prochain état (transition)
$\square P$	$P$ vraie dans tout état (transition)
$\diamond P$	$P$ vraie dans un état (transition) au moins
$\square \diamond P$	$P$ vraie infiniment souvent
$\square(P \Rightarrow \diamond Q)$	$Q$ "répond" à $P$

$\square(S \wedge \bigcirc \diamond T \Rightarrow \bigcirc \diamond(T \wedge \diamond P))$   $P$  "répond" à  $S, T$

Specification patterns: <http://patterns.projects.cis.ksu.edu>

## SELT, Commandes

---

### Expressions SE-LTL

Propositions atomiques (trouvées dans le fichier ktz)

Opérateurs arithmétiques et logico arithmétiques

Opérateurs logiques et temporels

e.g.  $\square(t1 \Rightarrow \diamond(p2 \geq p3 + p4 \vee p6))$

### Commandes

évaluer une expression, retourne  $T$  ou contre exemple

déclarer un opérateur (prefixe, infixe ou fonctionnel)

traiter une directive (source, output, etc)

## Exemple

---

### Contre exemple

```
- output fullproof;  
fullproof output set  
  
- [] (t1 => <> t4);  
FALSE  
  state 0: p1 p2*2  
  -t1->  
* [accepting] state 12: p3 p4 p5  
  -t5->  
  state 13: p1 p4 p5  
  -t3->  
  state 14: p1 p2 p4  
  -t2->  
  state 15: p1 p2*2  
  -t1->  
  state 12: p3 p4 p5
```

## Exemple ...

---

### Contre exemple Abrégé

```
- output proof;  
proof output set  
  
- [] (t1 => <> t4);  
FALSE  
  state 0: p1 p2*2  
  -t1 ... (preserving - t4 /\ t1)->  
* [accepting] state 12: p3 p4 p5  
  -t5 ... (preserving - t4)->  
  state 12: p3 p4 p5
```

## Conclusion

---

### En résumé

Abstractions finies du comportement des PN ou TPNs

Préservant certaines classes de propriétés

Connexion avec vérificateurs de modèles

Libre accès à (<http://www.laas.fr/tina>)

### Aussi

Composition de réseaux

Import/Export de modèles pour d'autres outils (PEP, Helena, etc)

### Prospective

Techniques d'exploration partielles pour réseaux temporels

Simplification de réseaux (réductions)

D'autres front-ends

D'autres back-ends

---

## References

B. Berthomieu, M. Menasche,  
*An Enumerative Approach for Analyzing Time Petri Nets*,  
IFIP Congress 1983, Paris, 1983.

B. Berthomieu, M. Diaz,  
*Modeling and verification of time dependent systems using time Petri nets*.  
IEEE Transactions on Software Engineering, 17(3), 1991.

B. Berthomieu, F. Vernadat,  
*State class constructions for branching analysis of time Petri nets*.  
TACAS 2003, Springer Verlag LNCS 2619, 2003.

B. Berthomieu, P-O. Ribet, F. Vernadat,  
*The tool TINA – Construction of Abstract State Spaces for Petri Nets  
and Time Petri Nets*,  
International Journal of Production Research, Vol 42, Number 14, July 2004.  
(aussi MSR'03, Octobre 2003).

B. Berthomieu, D. Lime, O. H. Roux, F. Vernadat,  
*Problèmes d'Accessibilité et Espaces d'États Abstraits des Réseaux de Petri à Ct*  
Modélisation des Systèmes Réactifs (MSR'05), Octobre 2005.

Cotre project: <http://www.laas.fr/COTRE>

Tina tool: <http://www.laas.fr/tina>