



# Obtention de pires temps d'exécution (WCET, worst-case execution times)

Isabelle PUAUT

Professeur, Université de Rennes I - IRISA

Rennes, FRANCE

Septembre 2005



# Plan

- Le WCET : définitions
- Classes de méthodes
  - Méthodes dynamiques
  - Méthode statiques
  - Comparaison
- Méthodes statiques d'obtention des WCET
  - Analyse de flot
  - Calcul des WCET
  - Analyse de bas niveau
- Points ouverts et recherches actuelles



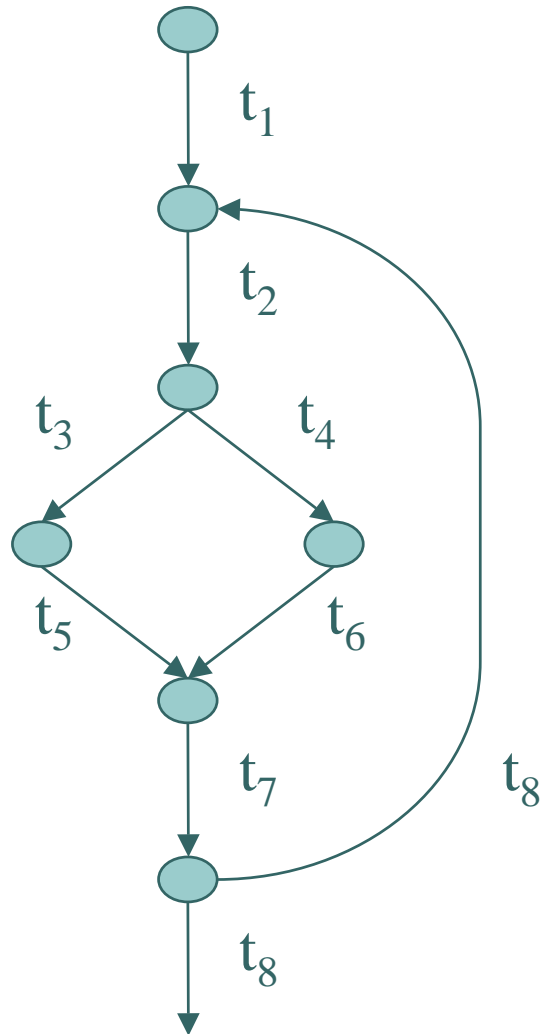
# WCET

## Définition

- **Borne supérieure** pour les temps d'exécution de portions de code
  - Temps pris par le **processeur** pour l'exécution
  - Code considéré de manière **isolée**
  - **Attention** : WCET  $\neq$  temps de réponse
- Défis pour l'obtention des WCET
  - **Sûreté** (WCET > tout temps d'exécution possible) : confiance tests de faisabilité
  - **Précision**
    - Surestimation  $\Rightarrow$  échec potentiel des tests de faisabilité, surdimensionnement des ressources matérielles nécessaires

# WCET

## Éléments influençant le WCET

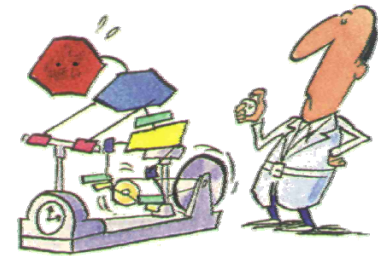


- Mises en séquence possibles des actions (chemins d'exécution)
  - Dépendent des données d'entrée
- Durée de chaque occurrence d'une action
  - Dépendant de l'architecture cible

# Méthodes d'estimation des WCET

## Méthodes dynamiques

- Principe
  - Jeu de données d'entrée
  - Exécution (matériel ou simulateur)
  - Mesure
- Génération des jeux de test explicites
  - Définis par l'utilisateur : besoin d'expertise
  - Exhaustifs
    - Uniquement pour les entrées à domaines finis
    - Problème de combinatoire
  - Générés automatiquement (génétique, etc.)
  - Sûreté ?



# Méthodes d'estimation des WCET

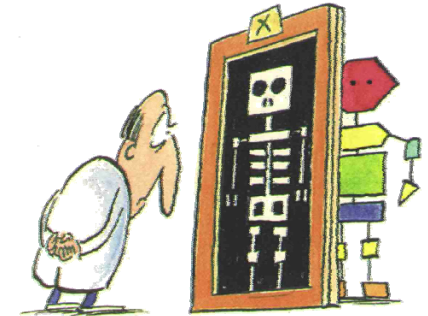
## Méthodes statiques

### ○ Principe

- Analyser de la structure du programme (**pas d'exécution**)
- Calculer la WCET à partir de la structure

### ○ Composants de l'analyse

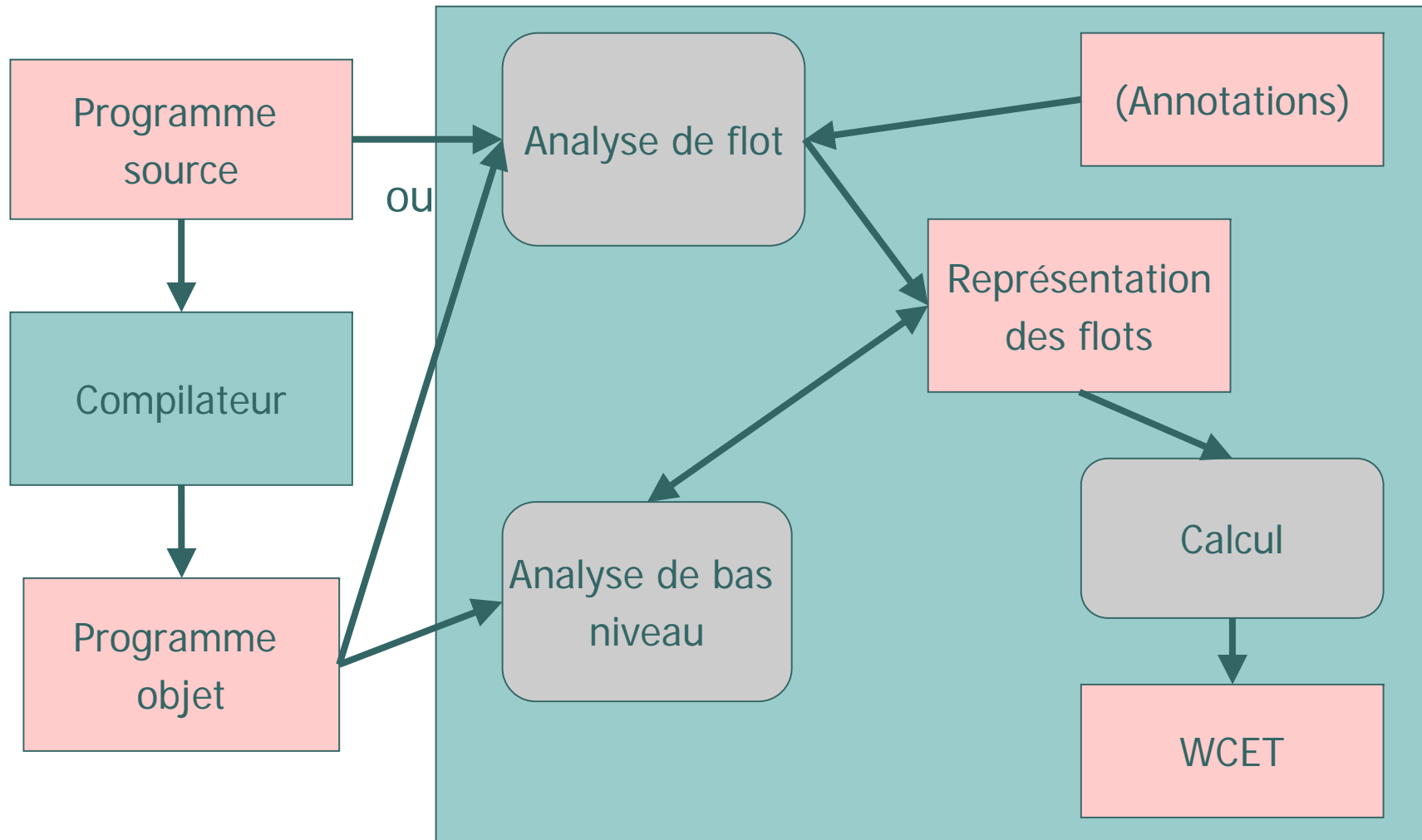
- Analyse de flot
  - Détermine les chemins d'exécutions possibles
- Analyse de bas niveau
  - Détermine le temps d'exécution d'une séquence d'instructions sur une architecture donnée
- Calcul
  - Calcul du WCET à partir des composants précédents
  - Tous les chemins sont considérés : **sûreté**





## Méthodes statiques

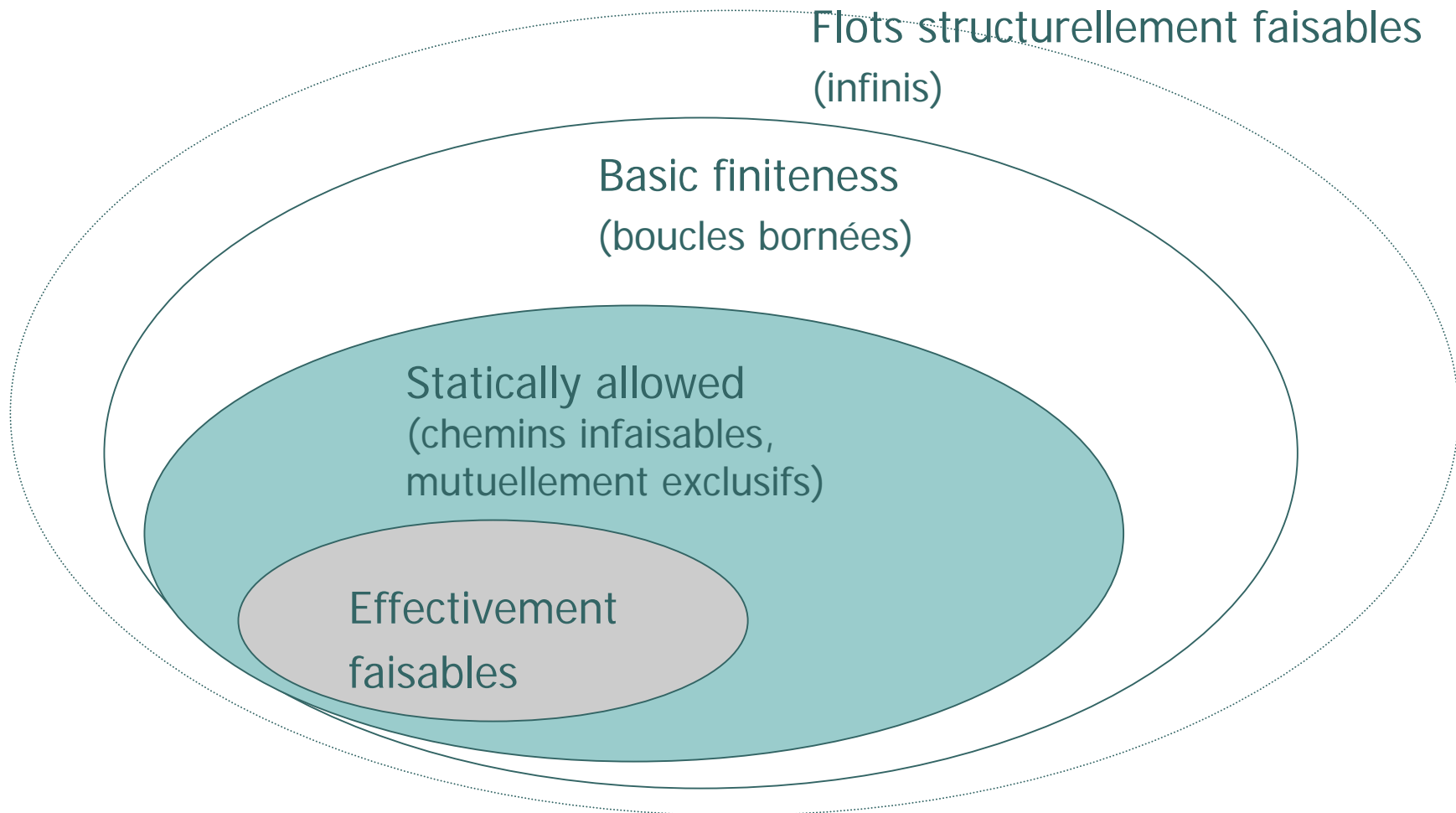
# Vue synthétique des composants





# Méthodes statiques

## Analyse de flot (1/4)







## Méthodes statiques

# Analyse de flot (2/4)

- Chemins infaisables

```
int baz (int x) {  
    if (x<5)      // A  
        x = x+1;  // B  
    else x=x*2;   // C  
    if (x>0)      // D  
        x = sqrt(x); // E  
    return x;     // F  
}
```

- Le chemin ABDEF est **infaisable**
- Connaissance des chemins infaisables améliore la précision des estimations de WCET



## Méthodes statiques

# Analyse de flot (3/4)

- Nombres maximum d'itérations des boucles

```
for i := 1 to N do
  for j := 1 to i do
    begin
      if c1 then A.long
      else B.short
      if c2 then C.short
      else D.long
    end
```

← Borne de boucle:  $N$

← Borne de boucle:  $N$

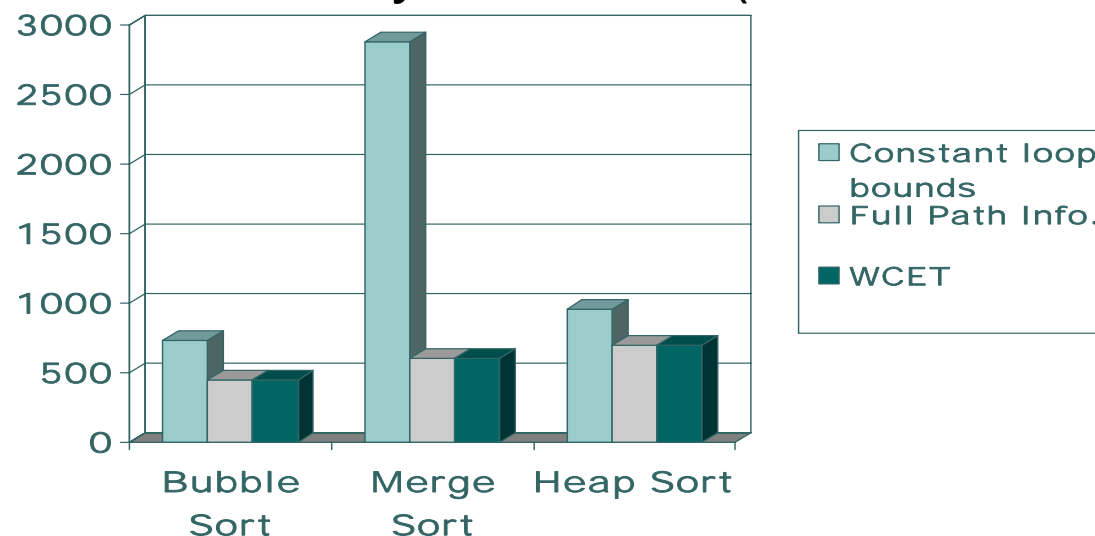
}  $\frac{(N+1)N}{2}$  executions

- Une estimation précise des bornes améliore l'estimation du WCET

## Méthodes statiques

# Analyse de flot (4/4)

- Modes de détermination des flots
  - Automatique : infaisable en général (**halting problem**)
  - Manuelle : annotations
    - Constantes, annotations symboliques
    - Annotations pour chemins infaisables / exclusifs
- Résultats de l'analyse de flot (P. Puschner)



## Méthodes statiques : calcul

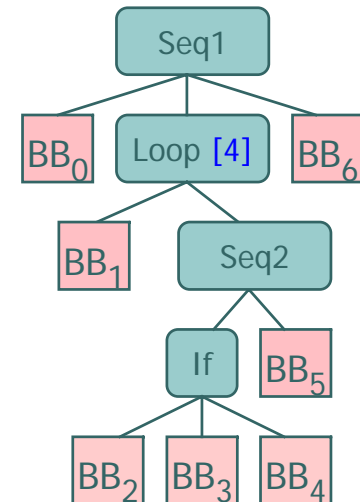
# ● ● ● Analyse à base d'arbres (tree-based)

- Structures de données utilisées

- Arbre syntaxique du programme
- Blocs de base

- Principe de la méthode

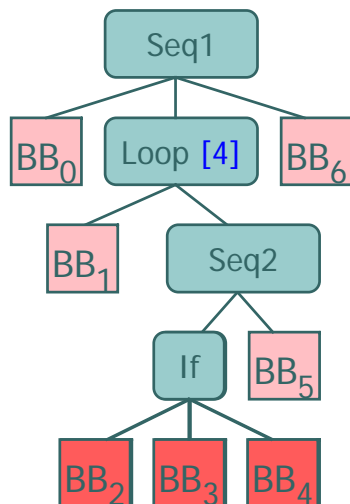
- Détermination des temps d'exécution des blocs de base (analyse de bas-niveau)
- Calcul récursif sur les structures syntaxiques (**timing schema**)



# Méthodes statiques : calcul

## Analyse à base d'arbres

<b>WCET(SEQ)</b>	S1;...;Sn	WCET(S1) + ... + WCET(Sn)
<b>WCET(IF)</b>	if(test) then else	WCET(test) + max( WCET(then) , WCET(else))
<b>WCET(LOOP)</b>	for(;tst;inc) {body}	maxiter * (WCET(tst)+WCET(body+inc)) + WCET(tst)



### Système d'équations

$$\begin{aligned}
 \text{WCET}(\text{Seq1}) &= \text{WCET\_BB0} + \mathbf{\text{WCET}(\text{Loop})} + \text{WCET\_BB\_6} \\
 \text{WCET}(\text{Loop}) &= 4 * (\text{WCET\_BB1} + \mathbf{\text{WCET}(\text{Seq2})}) + \text{WCET\_BB1} \\
 \text{WCET}(\text{Seq2}) &= \mathbf{\text{WCET}(\text{If})} + \text{WCET\_BB5} \\
 \text{WCET}(\text{If}) &= \text{WCET\_BB2} + \mathbf{\max(\text{WCET\_BB3} , \text{WCET\_BB4} )}
 \end{aligned}$$



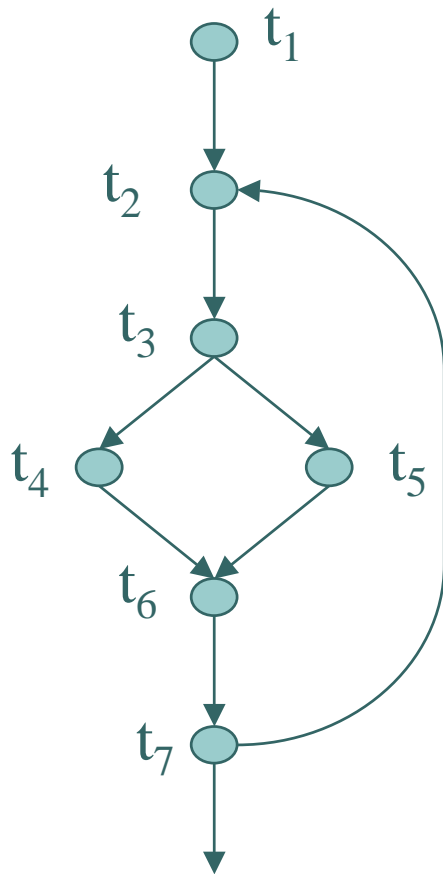
## Méthodes statiques : calcul Analyse à base d'arbres

- Attrait des méthodes tree-based
  - Lien avec le code source aisé
  - Complexité des calculs maîtrisée
  - Mais, ...
- Limitations
  - Ne supporte pas toutes les optimisations de compilation
  - Prise en compte d'informations de flot élaborées n'est pas aisée (si non conforme à l'arbre syntaxique)

## Méthodes statiques : calcul



# Analyse IPET (Implicit Path Enumeration Technique)



- Programmation linéaire en nombres entiers

- But :  $\max: f_1 t_1 + f_2 t_2 + \dots + f_n t_n$

- Contraintes structurelles

$$\forall v: f_i = \sum_{a_i \in \text{In}(v)} a_i = \sum_{a_i \in \text{Out}(v)} a_i$$

$$f_1 = f_7 = 1 \quad a_i \in \text{In}(v) \quad a_i \in \text{Out}(v)$$

- Contraintes sur les chemins

$$f_i \leq k \quad (\text{maxiter boucle})$$

$$f_i + f_j \leq 1 \quad (\text{chemins mutuellement exclusifs})$$

## Programmation par contraintes

- Expression contraintes plus complexes possible



## Méthodes statiques : calcul

# Analyse IPET

- Attrait des méthodes IPET
  - Travaille sur une structure de bas niveau, donc supporte les flots non structurés (goto, jumps, ...)
  - Supporte toutes les optimisations de compilation
  - Mais, ...
- Limitations
  - Complexité des calculs non maîtrisée
  - Liens avec le code source non évidents (maîtrise des optimisations de compilation)
  - Pas de retour explicite du pire chemin d'exécution





# Méthodes statiques : analyse de bas niveau

## Introduction

- Architecture simple
  - Temps d'exécution d'une instruction dépend uniquement de son type et de ses opérandes
  - Pas de recouvrement entre instructions, pas de hiérarchie de mémoire
- Architecture complexe
  - Effets locaux
    - Recouvrement entre instructions (**pipelines**)
  - Effets globaux
    - **Caches** de données, d'instructions, **prédicteurs de branchement**
    - Demande une connaissance de **l'ensemble** du code

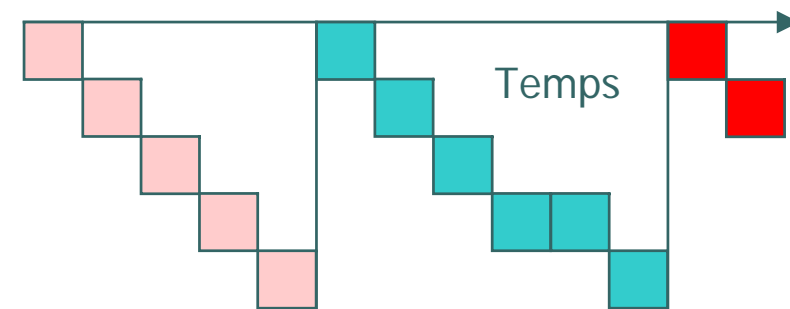
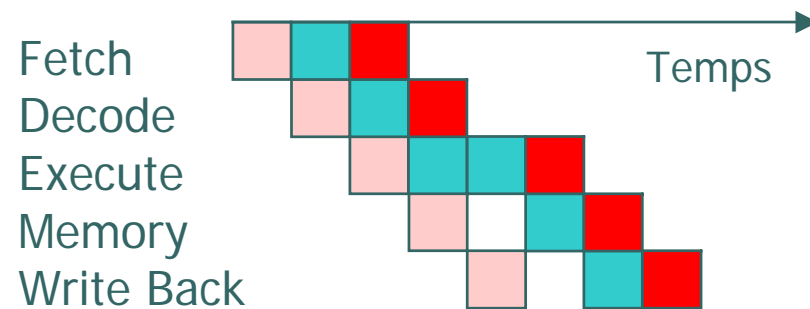


## Méthodes statiques : analyse de bas niveau (locale)

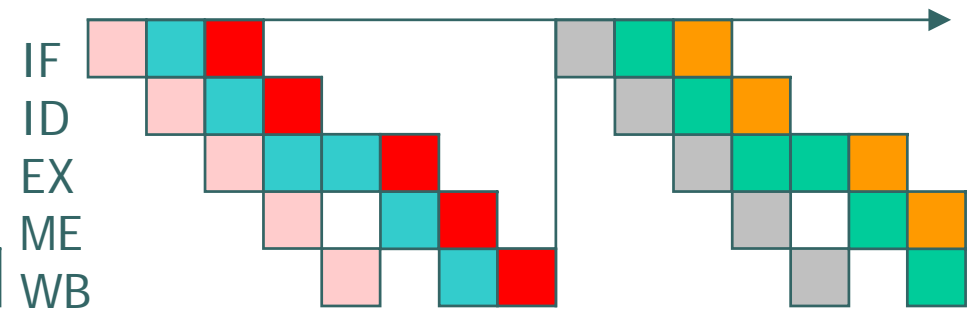
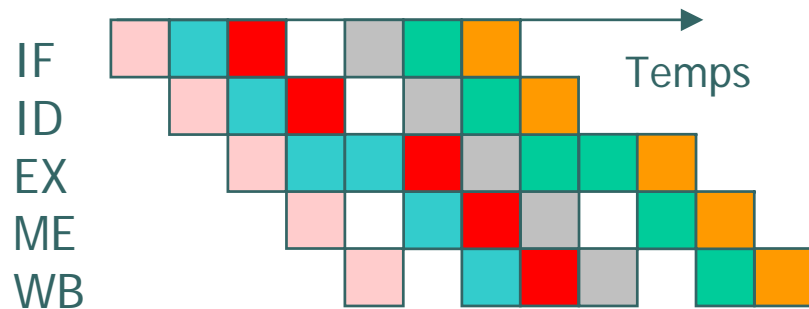
# Prise en compte des pipelines

- Principe : parallélisme entre instructions

- Intra bloc de base



- Inter bloc de base





Méthodes statiques : analyse de bas niveau (locale)

## Prise en compte des pipelines

- Solution intra-BB
  - **Tables de réservation** décrivant quand chaque instruction accède les étages du pipeline
  - Obtenu par l'analyseur lui-même ou outil externe (simulateur, processeur cible)
- Solution inter-BB : modification de la méthode de calcul
  - Tree-based: opérateur d'addition spécifique
  - IPET: contraintes supplémentaires dans le problème d'ILP



Méthodes statiques : analyse de bas niveau (globale)

## Caches d'instructions

### ○ Cache

- Tire profit de la localité spatiale et temporelle des accès aux instructions
- **Spéculatif** : comportement dépend du comportement passé des programmes
- Bon comportement en moyenne, mais problème de déterminisme en contexte temps-réel strict

### ○ Problème : estimation **sûre** du comportement des caches

- Solution simple (tout miss) excessivement pessimiste
- Objectif : prédire si une instruction **causera** un hit ou **pourra causer** un **miss** (de manière conservatrice)



Méthodes statiques : analyse de bas niveau (globale)

## Caches d'instructions

- Simulation statique de cache
- Calcul d'**états abstraits de caches** (ACS)
  - État du cache représentant **tous** les chemins d'exécution possibles
  - Itération de point fixe pour le calcul
- Division des instructions en **catégories** selon les ACS
  - *always hit*
  - *always miss*
  - *first miss, first hit* (cas d'instructions dans des boucles)



# Méthodes statiques : analyse de bas niveau (globale)

## Caches d'instructions

input\_state(top) = all invalid lines

**while** any change **do**

**for** each basic block instance B **do**

    input\_state(B) = null

**for** each immediate predecessor P of B **do**

      input\_state(B) += output\_state(P)

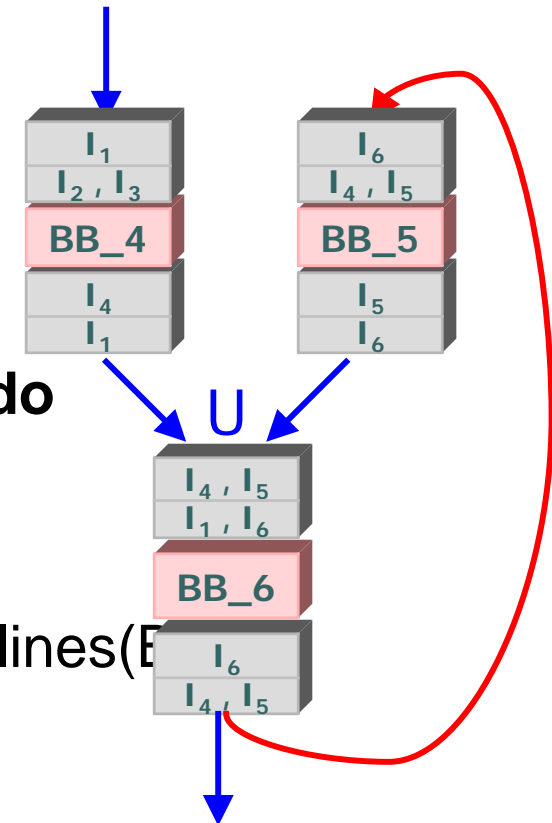
**end for**

    output\_state(B) = (input\_state(B) + prog\_lines(B)) & conf\_lines(B)

**end for**

**end while**

Amélioration : prise en compte niveaux de boucles



## Caches de données

- Problème supplémentaire : obtention de l'adresse des données (dynamique)
- Solution 1
  - Analyse statique pour l'obtention des adresses
  - Pas de mise en cache des données d'adresses inconnues
- Solution 2 : **exécution symbolique** [Chalmers]
  - Extension d'un simulateur de processeurs à des données inconnues
  - Exemple : cas d'un branchement
    - Valeur testée connue : on connaît le flot d'exécution
    - Valeur testée inconnue : on explore les deux branches
  - Fusion de chemins pour éviter de dérouler les boucles
  - Intérêt : prise en compte de toutes les caractéristiques de l'architecture. Limite : temps de simulation



## Méthodes statiques : analyse de bas niveau

# Autres éléments maîtrisés

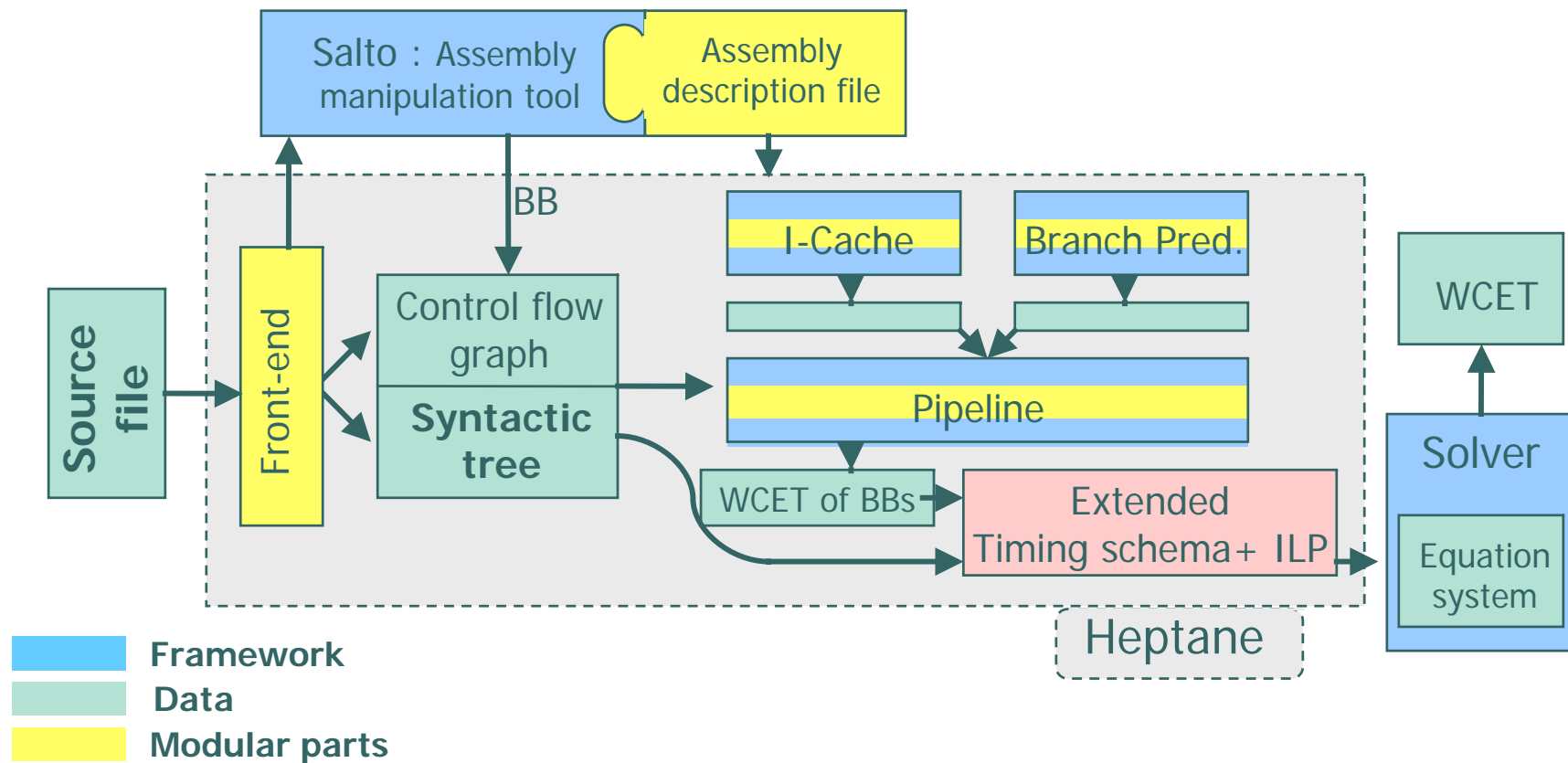
- Prédicteurs de branchement (dynamiques)
  - Locaux (basé sur historique dernières prédictions du branchement) [IRISA]
    - Méthode issue de la simulation statique de cache
    - Passage du contenu du BTB (Branch Target Buffer) à une classification
  - Globaux (basé sur historique du branchement + autres branchements exécutés récemment) [Singapour]
    - Mapping vers un problème d'ILP





# Méthodes statiques

## Heptane



# Méthodes statiques

## Heptane

137 mov ax,word ptr [ebp+0xffffffff]  
141 mov word ptr [ebp+0xffffffff4],ax

Basic block 2.1  
\_\_halt12:  
145 cmp word ptr [0x3ec],0x0  
153 jne L11

Basic block 2.2  
\_\_halt13:  
159 mov word ptr [0x3ec],0x1  
168 mov word ptr [ebp+0xffffffff6],0x0

Basic block 2.3  
\_\_halt15:  
L10:  
174 cmp word ptr [ebp+0xffffffff6],0xff  
180 jbe L13

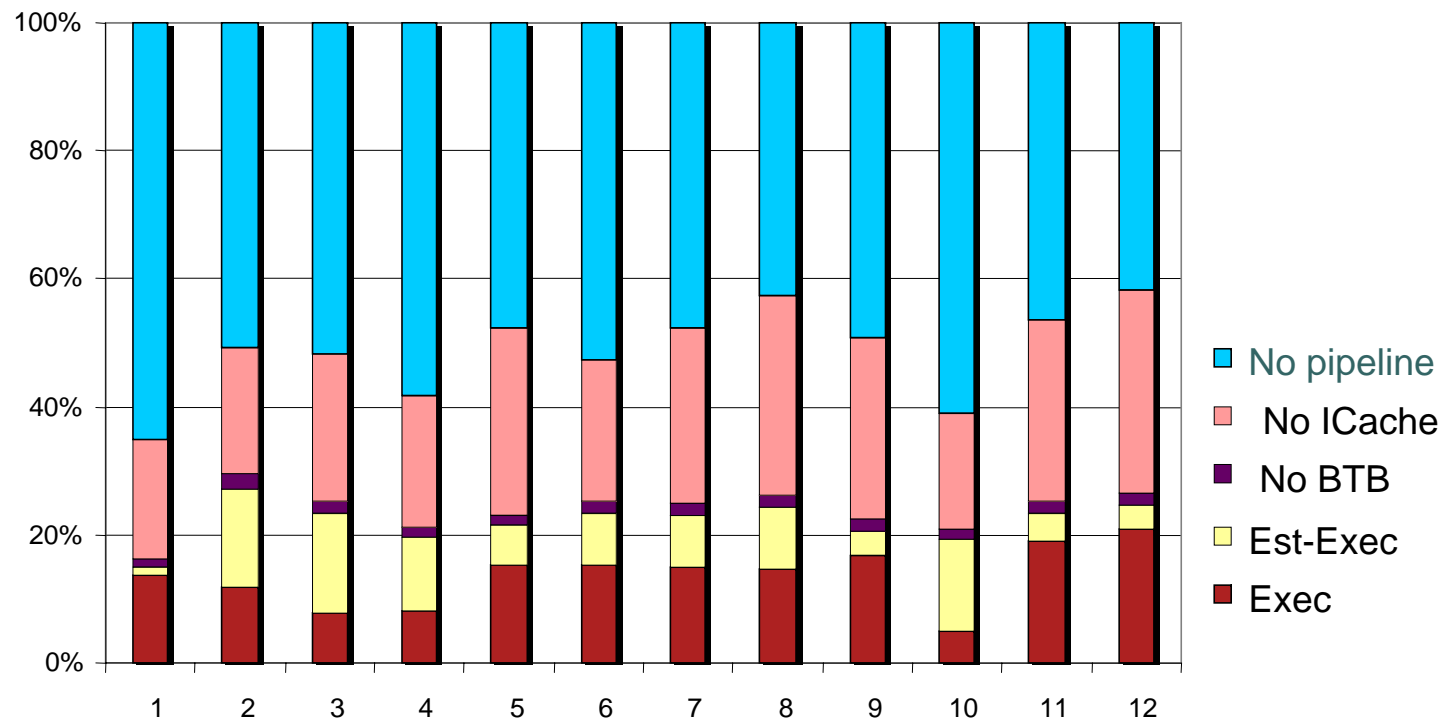
Basic block 2.4  
182 jmp L11



## Méthodes statiques

# Heptane : résultats quantitatifs

- Impact de la modélisation d'architecture (analyse noyau RTEMS, IriSa)

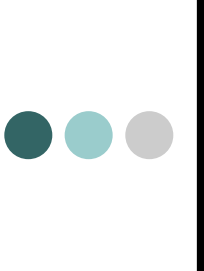




## Méthodes d'estimation des WCET

# Quelle méthode pour quel usage ?

- Méthodes statiques
  - Sûreté 😊
  - Pessimisme 😞
  - Besoin de modèle du matériel 😞
  - Compromis précision-rapidité du calcul (tree-based / IPET) 😊
- Méthodes dynamiques
  - Sûreté ? Probabiliste
  - Pessimisme 😊
  - Pas de modèle du matériel 😊
- Une méthode pour chaque usage



# Points ouverts et recherches actuelles (1/4)

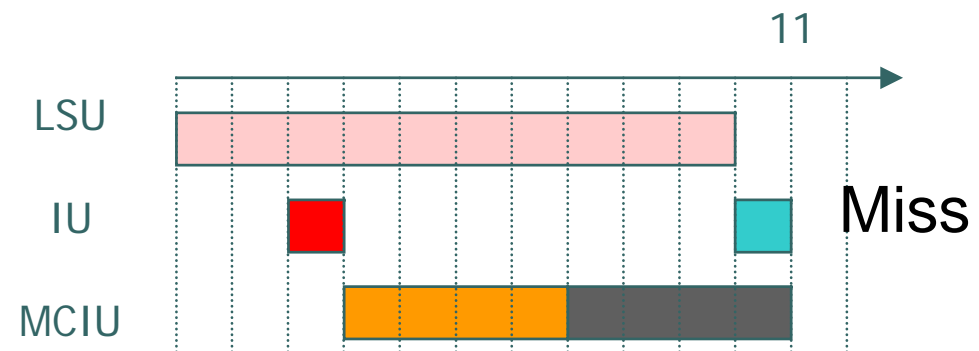
- Prise en compte du matériel
  - Constat : complexité croissante du matériel
    - Complexité des analyseurs
    - Timing anomalies
    - Cohabitation des différents éléments architecturaux, retard par rapport à l'arrivée du matériel



# Points ouverts et recherches actuelles (2/4)

## Timing anomalies

	Disp. Cycle	Instruction
A	1	LD r4,0(r3)
B	2	ADD r5, r4, r4
C	3	ADD r11, r10, r10
D	4	MUL r11, r11, r11
E	5	MUL r13, r12, r12





## Points ouverts et recherches actuelles (3/4)

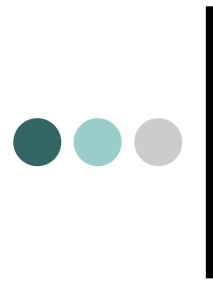
- Prise en compte du matériel : recherches
  - Conception de **matériel prévisible** [Vienna]
  - **Modèles** de matériel complexe : exécution spéculative [IRIT], prédicteurs de branchement [Séoul, York]
  - **Utilisation prévisible** de matériel complexe : gel de cache [IRISA, Mälardalen]
  - Prise en compte **probabiliste** du matériel [York]



# Points ouverts et recherches actuelles (4/4)

- Analyse de flot et calcul
  - Détermination automatique des flots [Mälardalen]
  - Paradigmes de programmation pour le temps-réel facilitant le déterminisme (donc l'obtention des WCET) : **single path paradigm** [Vienne]
  - Méthodes **dynamique** [CEA, IRISA]
- Compilation pour le déterminisme [IRISA]





## Quelques pointeurs

# Outils d'obtention de WCET

### ○ Universitaires

- Cinderella [Princeton]
- Heptane [IRISA]
- Ottawa [IRIT Toulouse]
- SWEET [Sweden]

### ○ Commerciaux

- Bound-T [SSF]
- AIT [AbsInt, Sarbrücken]
- Rapitime [Rapita systems, York]



## Quelques pointeurs

# Références bibliographiques

- Journal of real-time systems, special issue on static worst-case execution-time analysis, 2 numéros parus en 1999 et 2000
- Workshop on static worst-case execution time analysis (4 éditions en 2001..2004), en conjonction avec la conf. Euromicro on real-time systems
- Calcul de majorants de pires temps d'exécution: état de l'art. A. Colin, I. Puaut, C. Rochange, P. Sainrat. TSI, issue spéciale temps-réel, 2003